

Cilk: Φιλοσοφία και Χρήση
Παράλληλα Συστήματα Επεξεργασίας
9ο εξάμηνο ΣΗΜΜΥ
ακ. έτος 2010-2011

<http://www.cslab.ece.ntua.gr/courses/pps>

Εργαστήριο Υπολογιστικών Συστημάτων
ΕΜΠ

Νοέμβριος 2010

Περιεχόμενα

- ▶ Εισαγωγή
- ▶ Cilk: Φιλοσοφία και Χρήση
- ▶ Cilk: Θέματα υλοποίησης

Το τζάμπα γεύμα

The free lunch

Το τζάμπα γεύμα:

- ▶ Εκθετική αύξηση της σειριακής επίδοσης των CPUs (frequency scaling, ILP exploitation)
- ▶ Εκθετική αύξηση στον αριθμό των transistors (νόμος Moore)

Το τζάμπα γεύμα **τελείωσε!**

The free lunch **is over!**

Το τζάμπα γεύμα:

- ▶ Εκθετική αύξηση της σειριακής επίδοσης των CPUs (frequency scaling, ILP exploitation)
- ▶ Εκθετική αύξηση στον αριθμό των transistors (νόμος Moore)

Τελείωσε!

- ▶ Οι αρχιτέκτονες έφθασαν σε φυσικά όρια
- ▶ Λύση: πολυπύρηντοι επεξεργαστές
- ▶ νόμος Moore \leftrightarrow εκθετική αύξηση πυρήνων

the "Multicore Era"

όπου μόνο παράλληλα προγράμματα εκμεταλλεύονται το νέο υλικό

Ο παράλληλος προγραμματισμός είναι δύσκολος

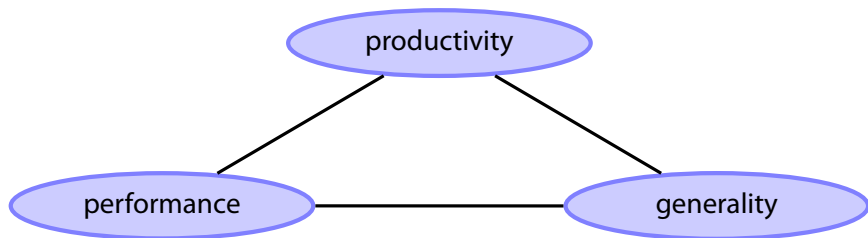
- ▶ Δύσκολο να επιχειρηματολογήσουμε για ορθότητα (π.χ., data races)
- ▶ Ο παράλληλος προγραμματισμός είναι "εσωστρεφής τέχνη"
- ▶ Έλλειψη εργαλείων (debuggers, profiles, languages, ...)

Οπότε τα τελευταία χρόνια:

- ▶ έμφαση στο να γίνει ο παράλληλος προγραμματισμός:
 - ▶ **εύκολος**
 - ▶ **λιγότερο επιρρεπής σε λάθη**
- ▶ Νέες γλώσσες, μοντέλα, κλπ

Παράλληλος προγραμματισμός

Is Parallel Programming Hard, And If So, Why? [McKenney et. al. '09]



► 2 από τα 3!

Μοντέλα έκφρασης παραλληλισμού

- ▶ **Data parallel**

Μια πράξη εφαρμόζεται ταυτόχρονα σε συλλογικότητες δεδομένων (π.χ. πίνακες).

(παραγωγικό, όχι γενικό)

- ▶ **Task parallel**

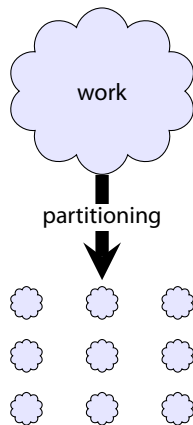
Ο χρήστης ορίζει ρητά τα παράλληλα κομμάτια εργασίας (parallel tasks)

(γενικό, όχι παραγωγικό)

Βήματα παράλληλης εκτέλεσης

διαμοιρασμός εργασίας (έκφραση παραλληλισμού)

Η συνολική **δουλεία** πρέπει να χωριστεί σε **παράλληλες εργασίες** (parallel tasks)



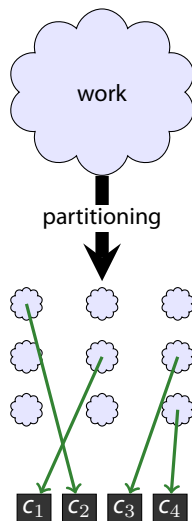
Βήματα παράλληλης εκτέλεσης

διαμοίρασμός εργασίας (έκφραση παραλληλισμού)

Η συνολική **δουλειά** πρέπει να χωριστεί σε **παράλληλες εργασίες** (parallel tasks)

χρονοδρομολόγηση (scheduling)

Οι εργασίες πρέπει να τοποθετηθούν σε επεξεργαστές



Βήματα παράλληλης εκτέλεσης

διαμοιρασμός εργασίας (έκφραση παραλληλισμού)

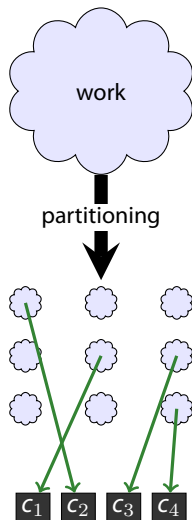
Η συνολική **δουλειά** πρέπει να χωριστεί σε **παράλληλες εργασίες** (parallel tasks)

(data parallel: σύστημα, task parallel: χρήστης)

χρονοδρομολόγηση (scheduling)

Οι εργασίες πρέπει να τοποθετηθούν σε επεξεργαστές

(σύστημα)



Βήματα παράλληλης εκτέλεσης

διαμοιρασμός εργασίας (έκφραση παραλληλισμού)

Η συνολική **δουλεία** πρέπει να χωριστεί σε **παράλληλες εργασίες** (parallel tasks)

(data parallel: σύστημα, task parallel: χρήστης)

χρονοδρομολόγηση (scheduling)

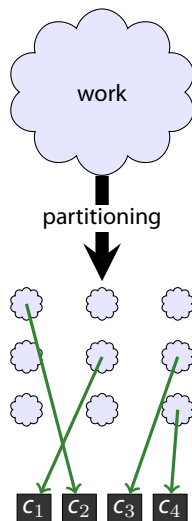
Οι εργασίες πρέπει να τοποθετηθούν σε επεξεργαστές

(σύστημα)

μέγεθος παράλληλων εργασιών (task granularity)

ποσότητα δουλείας ανά εργασία:

- μικρή → μεγάλη επιβάρυνση
- μεγάλη → περιορισμός παραλληλίας



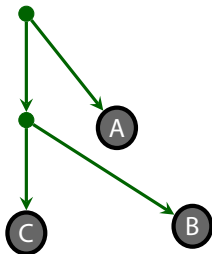
Βασικό Θέμα παρουσίασης (και εργαστηριακής άσκησης)

- ▶ Data parallel: Η παραλληλοποίηση προκύπτει από τη δομή των δεδομένων (π.χ. πίνακες).
- ▶ Θα ασχοληθούμε με αλγόριθμους, όπου η παραλληλοποίηση προκύπτει από τη δομή του αλγόριθμου (π.χ. D&C).
- ▶ Θα χρησιμοποιήσουμε το Task parallel μοντέλο
 - ▶ Γενικό (*)
- ▶ Θα χρησιμοποιήσουμε τη γλώσσα Cilk
 - ▶ Επέκταση της C
- ▶ **σκοπός:** μεθοδολογία για παραλληλισμό με tasks
- ▶ **αλλά:** περιορίζουμε τη γενικότητα (συγκεκριμένες περιπτώσεις)

Task parallelism

- ▶ Ο προγραμματιστής δηλώνει ρητά τις παράλληλες εργασίες γράφος εργασιών (task graph)
- ▶ Ο χρήστης ορίζει
 - ▶ σημεία δημιουργίας εργασιών

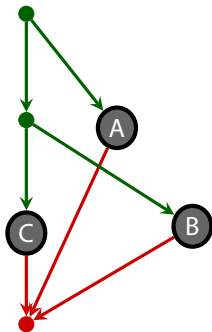
```
/* Cilk example */  
x = spawn A();  
y = spawn B();  
C();
```



Task parallelism

- ▶ Ο προγραμματιστής δηλώνει ρητά τις παράλληλες εργασίες
γράφος εργασιών (task graph)
- ▶ Ο χρήστης ορίζει
 - ▶ σημεία δημιουργίας εργασιών
 - ▶ σημεία συγχρονισμού διεργασιών

```
/* Cilk example */  
x = spawn A();  
y = spawn B();  
C();  
sync;  
/* x,y are available */
```



Αλγόριθμοι Διαίρε και Βασίλευε

divide and conquer -- D&C

Divide and Conquer:

if cant divide:

return unitary solution (stop recursion)

divide problem in two

solve first (recursively)

solve second (recursively)

combine solutions

- ▶ solve first/second μπορούν να γίνουν παράλληλα
- ▶ recursive splitting

Example: quicksort

divide & conquer is easily parallelized

```
def qsort(arr, low, high){
  if high == low
    return;
  pivotVal = findPivot();
  pivotLoc = partition(pivotVal);
  qsort(arr, low, pivotLoc-1);
  qsort(arr, pivotLoc+1, high);

  // no need for result combination
}
```


Example: quicksort

divide & conquer is easily parallelized

```
def qsort(arr, low, high){
  if high == low
    return;
  pivotVal = findPivot();
  pivotLoc = partition(pivotVal);
  spawn qsort(arr, low, pivotLoc-1);
  spawn qsort(arr, pivotLoc+1, high);
  sync;
  // no need for result combination
}
```

- ▶ recursive splitting

Τακτικές για παράλληλο προγραμματισμό

βλ. και ομιλία του Guy Steele στο ICFP '09

Μοντέλο συσσωρευτή (accumulator)

- ▶ Χωρισμός προβλήματος στην *αρχή* και στο *επόμενο*
- ▶ σταδιακή ανανέωση λύσης, καταναλώνοντας το *επόμενο*
- ▶ Χρησιμοποιείται στον σειριακό προγραμματισμό
- ▶ **δεν μπορεί να παραλληλοποιηθεί**

Μοντέλο διαίρε και βασίλευε (D&C)

- ▶ Χωρισμός του προβλήματος σε υπο-προβλήματα
- ▶ Αναδρομική λύση των υπο-προβλημάτων
- ▶ Συνδυασμός λύσεων *

* Συνήθως πιο πολύπλοκη διαδικασία από τη σταδιακή ανανέωση λύσης

- ▶ Επέκταση της C με λίγα keywords
- ▶ Επικεφαλής της ομάδας ο καθ. Charles E. Leiserson (MIT)
- ▶ Ισχυρό θεωρητικό υπόβαθρο
 - ▶ φράγματα για χρόνο και χώρο παράλληλης εκτέλεσης
- ▶ έμφαση στην **αποδοτική χρονοδρομολόγηση**

- ▶ **Ιστορία**
 - 1994: Πρώτη έκδοση (Cilk-1)
 - 1998: Implementation of the Cilk-5 Multithreaded Language paper
 - 2006: Cilk Arts
 - 2008: Cilk++ 1.0
 - 2009: Αγορά Cilk arts από Intel

Cilk keywords

- ▶ **cilk**: Ορισμός συναρτήσεων που ορίζουν Cilk διεργασίες
- ▶ **spawn**: Δημιουργία Cilk διεργασίας
Ο πατέρας και το παιδί μπορούν να εκτελεστούν παράλληλα
- ▶ **sync**: Αναμονή ολοκλήρωσης Cilk διεργασιών
Τα αποτελέσματα των παιδιών είναι έτοιμα

```
cilk int fib(int n) {  
    if (n < 2) return (n);  
    x = spawn fib(n - 1);  
    y = spawn fib(n - 2);  
    sync;  
    return (x + y);  
}
```

- ▶ **inlet**
- ▶ **abort**

Ο γράφος διεργασιών αναδιπλώνεται δυναμικά

(στο χρόνο εκτέλεσης)

```
cilk int fib(int n) {  
    if (n < 2) return (n);  
    x = spawn fib(n - 1);  
    y = spawn fib(n - 2);  
    sync;  
    return (x + y);  
}
```

Ο γράφος διεργασιών αναδιπλώνεται δυναμικά

(στο χρόνο εκτέλεσης)

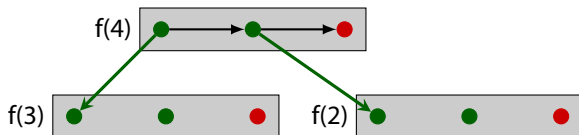
```
cilk int fib(int n) {  
    if (n < 2) return (n);  
    x = spawn fib(n - 1);  
    y = spawn fib(n - 2);  
    sync;  
    return (x + y);  
}
```



Ο γράφος διεργασιών αναδιπλώνεται δυναμικά

(στο χρόνο εκτέλεσης)

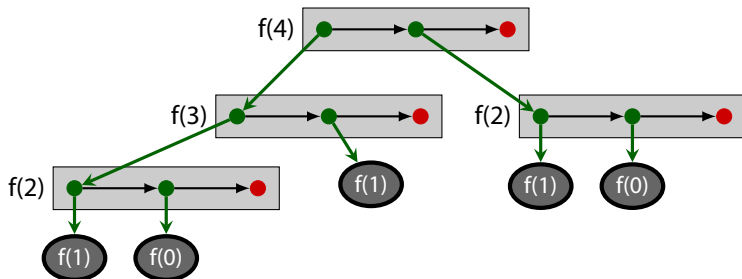
```
cilk int fib(int n) {  
    if (n < 2) return (n);  
    x = spawn fib(n - 1);  
    y = spawn fib(n - 2);  
    sync;  
    return (x + y);  
}
```



Ο γράφος διεργασιών αναδιπλώνεται δυναμικά

(στο χρόνο εκτέλεσης)

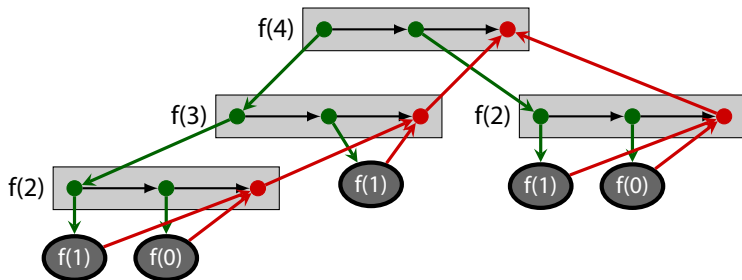
```
cilk int fib(int n) {  
    if (n < 2) return (n);  
    x = spawn fib(n - 1);  
    y = spawn fib(n - 2);  
    sync;  
    return (x + y);  
}
```



Ο γράφος διεργασιών αναδιπλώνεται δυναμικά

(στο χρόνο εκτέλεσης)

```
cilk int fib(int n) {  
    if (n < 2) return (n);  
    x = spawn fib(n - 1);  
    y = spawn fib(n - 2);  
    sync;  
    return (x + y);  
}
```



Παράδειγμα: πρόσθεση

Μετατροπή αλγορίθμου συσσωρευτή σε διαίρε και βασίλευε

$$\sum_{i=0}^N A_i$$

```
add(A,n){
  res = 0;
  for (i=0; i<N; i++)
    res += A[i];
  return res;
}
```

Παράδειγμα: πρόσθεση

Μετατροπή αλγορίθμου συσσωρευτή σε διαίρε και βασίλευε

$$\sum_{i=0}^N A_i$$

```
add(A,n){
  res = 0;
  for (i=0; i<N; i++)
    res += A[i];
  return res;
}
```

```
add_r(A, n){
  if (n == 1)
    return A[0];
  x1 = spawn add_r(A,n/2);
  x2 = spawn add_r(A+n/2,n-n/2);
  sync;
  return (x1+x2);
}
```

Παράδειγμα: πρόσθεση

Μετατροπή αλγορίθμου συσσωρευτή σε διαίρε και βασίλευε

$$\sum_{i=0}^N A_i$$

```
add(A,n){
  res = 0;
  for (i=0; i<N; i++)
    res += A[i];
  return res;
}
```

```
add_r(A, n){
  if (n == 1)
    return A[0];
  x1 = spawn add_r(A,n/2);
  x2 = spawn add_r(A+n/2,n-n/2);
  sync;
  return (x1+x2);
}
```

- ▶ βελτίωση ταχύτητας;

Παράδειγμα: πρόσθεση

Μετατροπή αλγορίθμου συσσωρευτή σε διαίρε και βασίλευε

$$\sum_{i=0}^N A_i$$

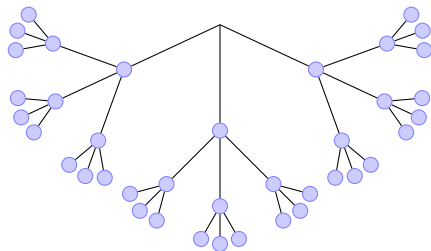
```
add(A,n){
  res = 0;
  for (i=0; i<N; i++)
    res += A[i];
  return res;
}
```

```
add_r(A, n){
  if (n < K)
    return add(A,n);
  x1 = spawn add_r(A,n/2);
  x2 = spawn add_r(A+n/2,n-n/2);
  sync;
  return (x1+x2);
}
```

- ▶ βελτίωση ταχύτητας;

Παράδειγμα: Αναζήτηση

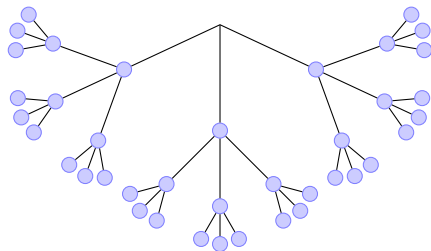
- ▶ Χώρος λύσεων (πχ AI)
- ▶ Δομή δεδομένων



```
DF_Search(node):  
    for c in node.get_children():  
        DF_Search(c)
```

Παράδειγμα: Αναζήτηση

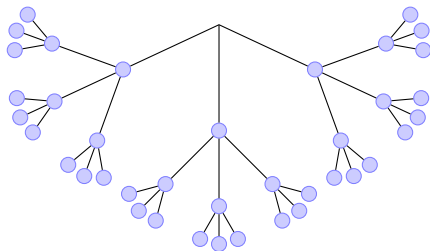
- ▶ Χώρος λύσεων (πχ AI)
- ▶ Δομή δεδομένων



```
DF_Search(node):
  for c in node.get_children():
    spawn DF_Search(c)
  sync
```

Παράδειγμα: Αναζήτηση

- ▶ Χώρος λύσεων (πχ AI)
- ▶ Δομή δεδομένων



```
DF_Search(node):
    for c in node.get_children():
        spawn DF_Search(c)
    sync
```

- ▶ Αν βρω αυτό που ψάχνω;
(ή ανακαλύψω ότι η αναζήτηση σε ένα τμήμα του χώρου είναι ανευ ουσίας;)

Παράδειγμα: πολλαπλασιασμός

$$\prod_{i=0}^N A_i$$

```
mul(A,n){
  res = 1;
  for (i=0; i<N; i++)
    res *= A[i];
  return res;
}
```

```
mul_r(A, n){
  if (n == 1)
    return A[0];
  x1 = spawn mul_r(A,n/2);
  x2 = spawn mul_r(A+n/2,n-n/2);
  sync;
  return (x1*x2);
}
```

- ▶ Τι (αλγοριθμική) βελτίωση μπορώ να κάνω;

Παράδειγμα: πολλαπλασιασμός

$$\prod_{i=0}^N A_i$$

```
mul(A,n){
  res = 1;
  for (i=0; i<N; i++)
    res *= A[i];
  return res;
}
```

```
mul_r(A, n){
  if (n == 1)
    return A[0];
  x1 = spawn mul_r(A,n/2);
  x2 = spawn mul_r(A+n/2,n-n/2);
  sync;
  return (x1*x2);
}
```

- ▶ Τι (αλγοριθμική) βελτίωση μπορώ να κάνω;
 - ▶ Όταν συναντήσω το 0, μπορώ να σταματήσω!

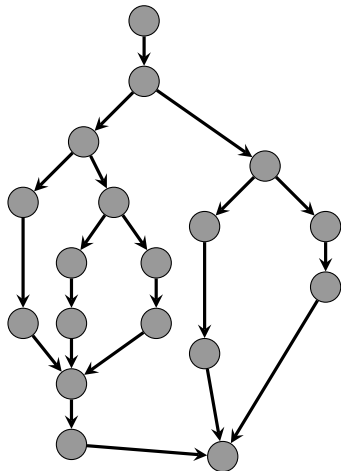
Παράδειγμα: πολλαπλασιασμός

inlet/abort: έλεγχος για 0

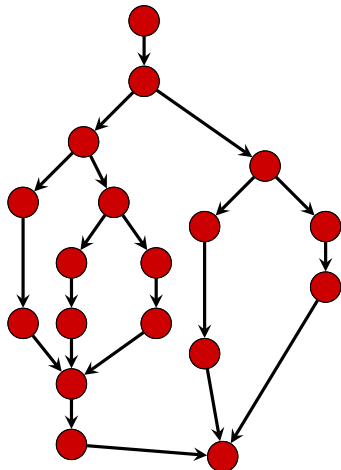
```
cilk int product(int *A, int n) {
    int p=1;
    inlet void mult(int x) {
        p *= x;
        if (p == 0)
            abort;
        return;
    }
    if (n == 1)
        return A[0];
    mult( spawn product(A, n/2) );
    mult( spawn product(A+n/2, n-n/2) );
    sync;
    return p;
}
```

Μοντέλο Επίδοσης Cilk

- T_p : χρόνος εκτέλεσης σε P επεξ.

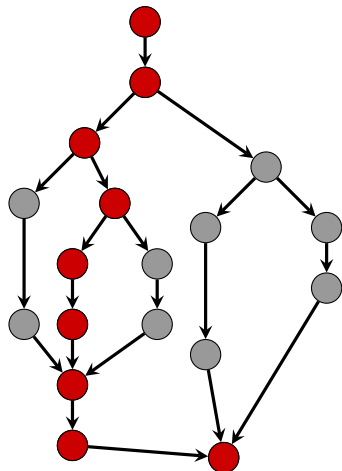


Μοντέλο Επίδοσης Cilk



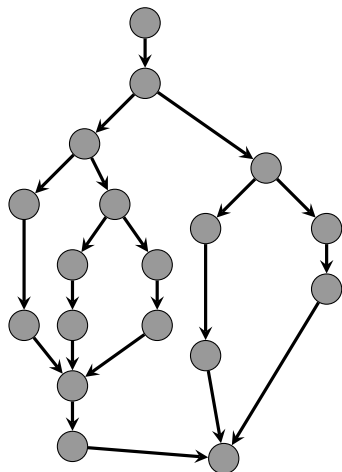
- T_p : χρόνος εκτέλεσης σε P επεξ.
- T_1 : **work**
(κόστος εκτέλεσης όλων των κόμβων)

Μοντέλο Επίδοσης Cilk



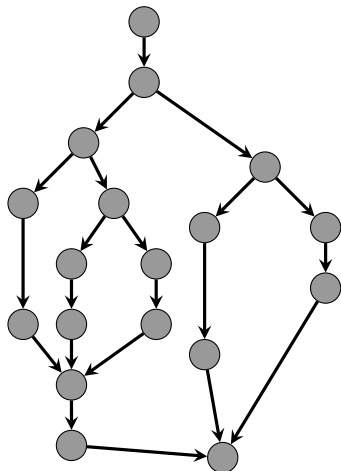
- T_p : χρόνος εκτέλεσης σε P επεξ.
- T_1 : **work**
(κόστος εκτέλεσης όλων των κόμβων)
- T_∞ : **span**
(κόστος εκτέλεσης για ∞ επεξ.)

Μοντέλο Επίδοσης Cilk



- T_p : χρόνος εκτέλεσης σε P επεξ.
- T_1 : **work**
(κόστος εκτέλεσης όλων των κόμβων)
- T_∞ : **span**
(κόστος εκτέλεσης για ∞ επεξ.)
- Κάτω όρια: $T_p \geq T_1/P, T_p \geq T_\infty$
- Μέγιστο speedup: T_1/T_∞

Μοντέλο Επίδοσης Cilk



- T_p : χρόνος εκτέλεσης σε P επεξ.
- T_1 : **work**
(κόστος εκτέλεσης όλων των κόμβων)
- T_∞ : **span**
(κόστος εκτέλεσης για ∞ επεξ.)
- Κάτω όρια: $T_p \geq T_1/P, T_p \geq T_\infty$
- Μέγιστο speedup: T_1/T_∞
- Ο χρόνοδρομολογητής της Cilk
 - ▶ επιτυγχάνει $T_p = T_1/P + \mathcal{O}(T_\infty)$
(γραμμικό speedup εάν $P \ll T_1/T_\infty$)
 - ▶ απαιτεί $S_p \leq PS_1$ χώρο στη στοίβα
 - ▶ έχει καλή επίδοση και στην πράξη

Parallel slack (task grain)

- ▶ $P \ll T_1/T_\infty$
- ▶ parallel slack: $(T_1/T_\infty) / P$
 - ▶ Παραλληλισμός προγράμματος T_1/T_∞
 - ▶ Παραλληλισμός μηχανήματος P
- ▶ Χρειάζεται τάξης μεγέθους περισσότερος παραλληλισμός στο πρόγραμμα από ότι στο πραγματικό σύστημα.

Διαισθητικά:

- + Πρόγραμμα δεν εξαρτάται από αριθμό επεξεργαστών
- + Συνεισφέρει στην αποδοτική χρονοδρομολόγηση
- + Επιτρέπει καλύτερη κατανομή φόρτου (load balancing)
- ▶ **αλλά:**
 - Αν το μέγεθος δουλειάς της κάθε εργασίας μικρό, τότε οι επιβαρύνσεις του συστήματος επηρεάζουν σημαντικά

Ισοκατανομή φόρτου - μέγεθος εργασίας

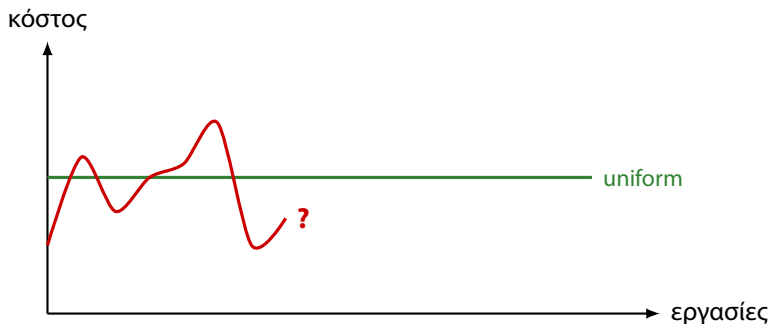
load balancing - task grain



- ▶ Σταθερό κόστος εκτέλεσης:
 - ▶ 1 εργασία / πραγματικό επεξεργαστή

Ισοκατανομή φόρτου - μέγεθος εργασίας

load balancing - task grain



- ▶ Σταθερό κόστος εκτέλεσης:
 - ▶ 1 εργασία / πραγματικό επεξεργαστή
- ▶ Το κόστος εκτέλεσης είναι μη-σταθερό και άγνωστο
 - ▶ Μεγάλο parallel slack

Χρονοδρομολόγηση στο χώρο χρήστη

user-level scheduling

- ▶ Αριθμός εργασιών T
- ▶ P επεξεργαστές
(kernel threads)
- ▶ Η κάθε εργασία μπορεί να παράγει άλλες
- ▶ ... να περιμένει την ολοκλήρωση των παιδιών της.

Στόχοι

- ▶ Ισοκατανομή φόρτου εργασίας
- ▶ Αποδοτική χρήση χώρου
- ▶ Μικρή επιβάρυνση (ανεξάρτητη του T)
- ▶ Πότε εκτελείται ο ΧΔ;

Χρονοδρομολόγηση στο χώρο χρήστη

user-level scheduling

- ▶ Αριθμός εργασιών T
- ▶ P επεξεργαστές
(kernel threads)
- ▶ Η κάθε εργασία μπορεί να παράγει άλλες
- ▶ ... να περιμένει την ολοκλήρωση των παιδιών της.

Στόχοι

- ▶ Ισοκατανομή φόρτου εργασίας
- ▶ Αποδοτική χρήση χώρου
- ▶ Μικρή επιβάρυνση (ανεξάρτητη του T)
- ▶ Πότε εκτελείται ο ΧΔ;
 - ▶ Εισάγονται κατάλληλες κλήσεις στις `spawn/sync/κλπ`

Τακτικές χρονοδρομολόγησης

- ▶ **work sharing:** Όταν δημιουργούνται νέες εργασίες ο ΧΔ προσπαθεί να τις "στείλει" σε ανενεργούς επεξεργαστές.
- ▶ **work stealing:** Οι ανενεργοί επεξεργαστές προσπαθούν να "κλέψουν" εργασίες.

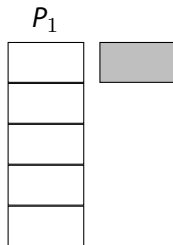
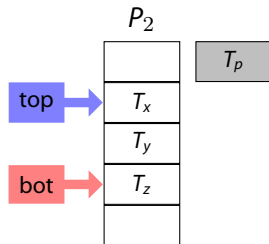
Γενικά προτιμάται η τακτική work stealing (στη Cilk και όχι μόνο)

- ▶ καλύτερο locality
- ▶ μικρότερη επιβάρυνση συγχρονισμού
- ▶ Βέλτιστα θεωρητικά όρια ως προς χρόνο, χώρο [Blumofe and Leiserson '99]

work stealing

Χρονοδρομολόγηση στη Cilk

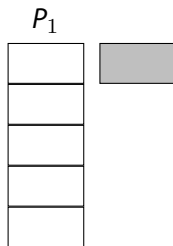
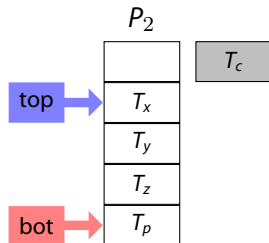
- ▶ Μια ουρά ΧΔ ανά P
deque (double-ended queue)
 - ▶ pushBot
 - ▶ popBot
 - ▶ popTop



work stealing

Χρονοδρομολόγηση στη Cilk

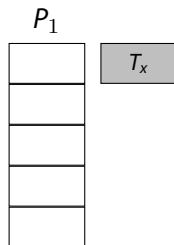
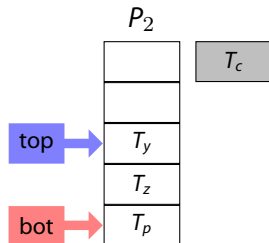
- ▶ Μια ουρά ΧΔ ανά P
deque (double-ended queue)
 - ▶ `pushBot`
 - ▶ `popBot`
 - ▶ `popTop`
- ▶ $T_p \rightarrow$ spawn task T_c
 - ▶ `pushBot(T_p)`
 - ▶ `execute(T_c)` (FAST!)



work stealing

Χρονοδρομολόγηση στη Cilk

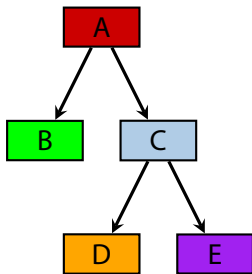
- ▶ Μια ουρά ΧΔ ανά P
deque (double-ended queue)
 - ▶ `pushBot`
 - ▶ `popBot`
 - ▶ `popTop`
- ▶ $T_p \rightarrow$ spawn task T_c
 - ▶ `pushBot(T_p)`
 - ▶ `execute(T_c)` (FAST!)
- ▶ P_1 ανενεργός
 - ▶ **Τυχαία** επιλογή επεξεργαστή p
 - ▶ $p \rightarrow \text{popTop}()$
 - ▶ Εκτέλεση task που προέκυψε (SLOW!)



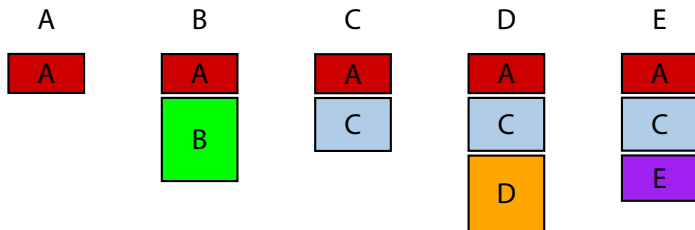
Υλοποίηση ΧΔ χώρου χρήστη

- ▶ Για να υποστηρίζεται η κλοπή εργασιών πρέπει η κάθε εργασία να μπορεί να μεταφερθεί σε διαφορετικό επεξεργαστή
- ▶ Τι χρειάζεται η κάθε διεργασία για να εκτελεστεί;
 - ▶ Κώδικα (πχ δείκτη σε συνάρτηση)
 - ▶ Θέση στον κώδικα
 - ▶ Δεδομένα:
 - ▶ Στοίβα
 - ▶ Σωρός
- ▶ Η Cilk υλοποιεί cactus stack

Cactus stack



Εικόνα της κάθε συνάρτησης:



Μεταγλώττιση και εκτέλεση προγραμμάτων Cilk

```
$ cilkc fib.cilk -o fib
```

Μεταγλώττιση και εκτέλεση προγραμμάτων Cilk

```
$ cilkc fib.cilk -o fib  
$ ./fib --nproc 2 --stats 1 -- 35  
Result: 9227465
```

RUNTIME SYSTEM STATISTICS:

Wall-clock running time on 2 processors: 2.114348 s

Μεταγλώττιση και εκτέλεση προγραμμάτων Cilk

```
$ cilkc fib.cilk -o fib
$ ./fib --nproc 2 --stats 1 -- 35
Result: 9227465
```

RUNTIME SYSTEM STATISTICS:

Wall-clock running time on 2 processors: 2.114348 s

```
$ ./fib --nproc 8 --stats 1 -- 35
Result: 9227465
```

RUNTIME SYSTEM STATISTICS:

Wall-clock running time on 8 processors: 538.614000 ms

Μεταγλώττιση και εκτέλεση προγραμμάτων Cilk

```
$ cilkc fib.cilk -o fib
$ ./fib --nproc 2 --stats 1 -- 35
Result: 9227465
```

RUNTIME SYSTEM STATISTICS:

Wall-clock running time on 2 processors: 2.114348 s

```
$ ./fib --nproc 8 --stats 1 -- 35
Result: 9227465
```

RUNTIME SYSTEM STATISTICS:

Wall-clock running time on 8 processors: 538.614000 ms

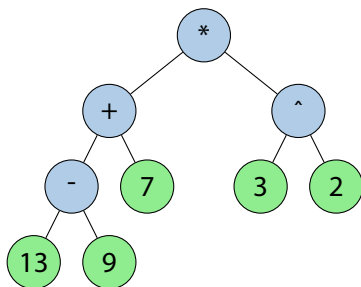
```
$ ./fib --help
```

Cilk options:

...

Παράλληλη αποτίμηση έκφρασης

(εργαστηριακή άσκηση)



- ▶ Δένδρο αριθμητικής έκφρασης
 - ▶ Φύλλα: αριθμητικές τιμές
 - ▶ Ενδιάμεσοι κόμβοι: δυαδικοί τελεστές
- ▶ Ζητείται η παράλληλη αποτίμηση της έκφρασης

Run-length encoding

(εργαστηριακή άσκηση)

```
def rle(xs):
    ret = []      # return list
    curr = xs[0] # current element
    freq = 1     # current element's frequency
    for item in xs[1:]:
        if item == curr:
            freq += 1
        else:
            ret.append((curr, freq))
            curr, freq = (item, 1)
    ret.append((curr, freq))
    return ret
```

- ▶ Ζητείται παράλληλη έκδοση του αλγόριθμου κωδικοποίησης χρησιμοποιώντας D&C.